

**Mengenang Jejak Sebagian Kecil Bangsa Indonesia Yang Pernah Mengikuti Ujian  
Sekolah Pada Masa Silam  
UJIAN PENGHABISAN SEKOLAH MENENGAH TINGKAT ATAS  
TAHUN 1939**

## ALJABAR

**1. HBS (Hogere Burger School)-AMS (Algemeene Middelbare School) 1939**

Tentang persamaan  $ax^2 + (a-1)x - 3 = 0$  ditentukan bahwa akar-akarnya  $x_1$  dan  $x_2$  nyata (real),

sedangkan  $x_1^2 + x_2^2 > 3\frac{1}{4}$ . Berapakah harga-harga  $a$  ?

**Solusi:**

Syarat akar-akar nyata (real) adalah  $D = b^2 - 4ac \geq 0$

$$(a-1)^2 - 4a(-3) \geq 0$$

$$a^2 - 2a + 1 + 12a \geq 0$$

$$a^2 + 10a + 1 \geq 0$$

$$\left(a - \frac{-10 + \sqrt{100-4}}{2}\right) \left(a - \frac{-10 - \sqrt{100-4}}{2}\right) \geq 0$$

$$\left(a - \frac{-10 + 4\sqrt{6}}{2}\right) \left(a - \frac{-10 - 4\sqrt{6}}{2}\right) \geq 0$$

$$(a + 5 - 2\sqrt{6})(a + 5 + 2\sqrt{6}) \geq 0$$

$$a \leq -5 - 2\sqrt{6} \text{ atau } a \geq -5 + 2\sqrt{6} \dots (1)$$

$$x_1^2 + x_2^2 > 3\frac{1}{4}$$

$$(x_1 + x_2)^2 - 2x_1x_2 > 3\frac{1}{4}$$

$$\left(\frac{a-1}{a}\right)^2 - 2 \times \frac{-3}{a} > 3\frac{1}{4}$$

$$\frac{a^2 - 2a + 1}{a^2} + \frac{6}{a} - \frac{13}{4} > 0$$

$$\frac{4a^2 - 8a + 4 + 24a - 13a^2}{a^2} > 0$$

$$\frac{-9a^2 + 16a + 4}{a^2} > 0$$

$$\frac{9a^2 - 16a - 4}{a^2} < 0$$

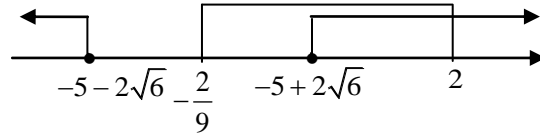
$$\frac{\left(a - \frac{16 + \sqrt{256+144}}{18}\right) \left(a - \frac{16 - \sqrt{256+144}}{18}\right)}{a^2} < 0$$

$$\frac{\left(a - \frac{16+20}{18}\right)\left(a - \frac{16-20}{18}\right)}{a^2} < 0$$

$$\frac{(a-2)\left(a + \frac{2}{9}\right)}{a^2} < 0$$

$$-\frac{2}{9} < a < 2 \dots (2)$$

Dari (1)  $\cap$  (2) diperoleh  $-5 + 2\sqrt{6} \leq a < 2$ .



Bersambung